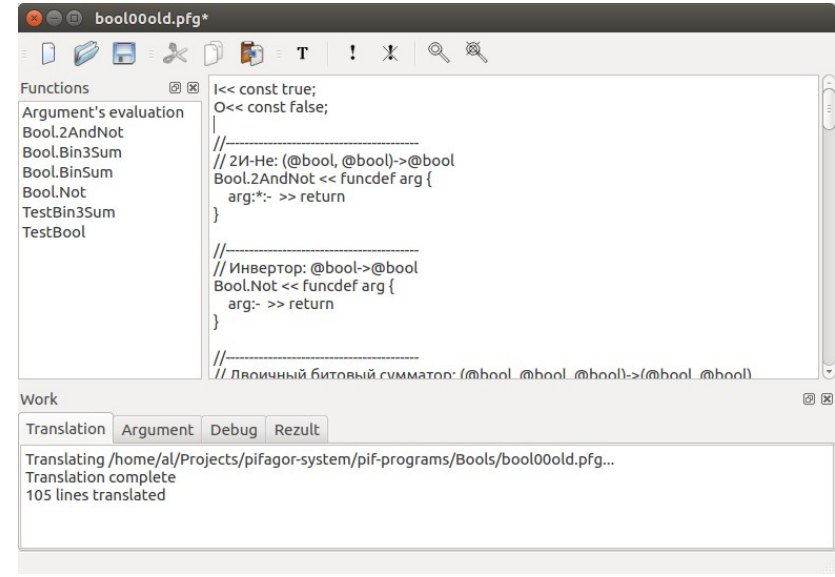
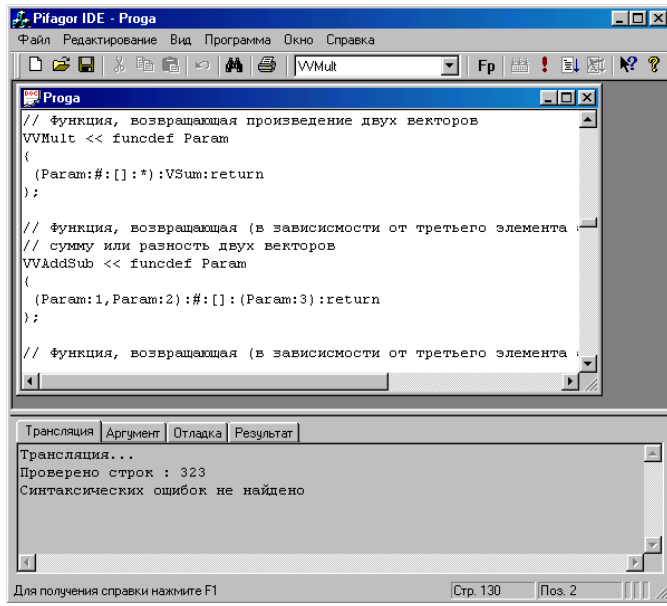
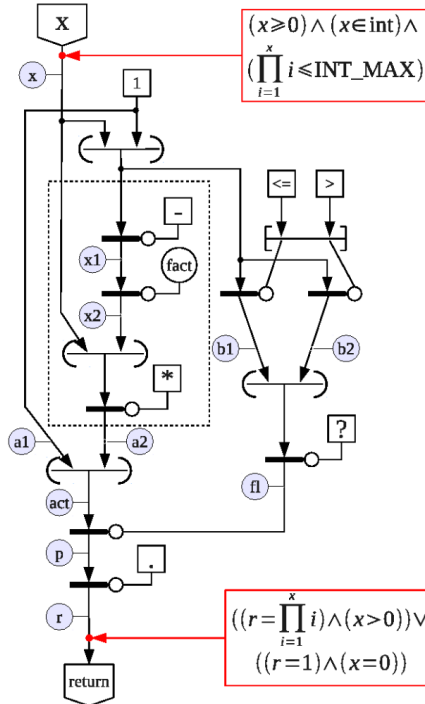
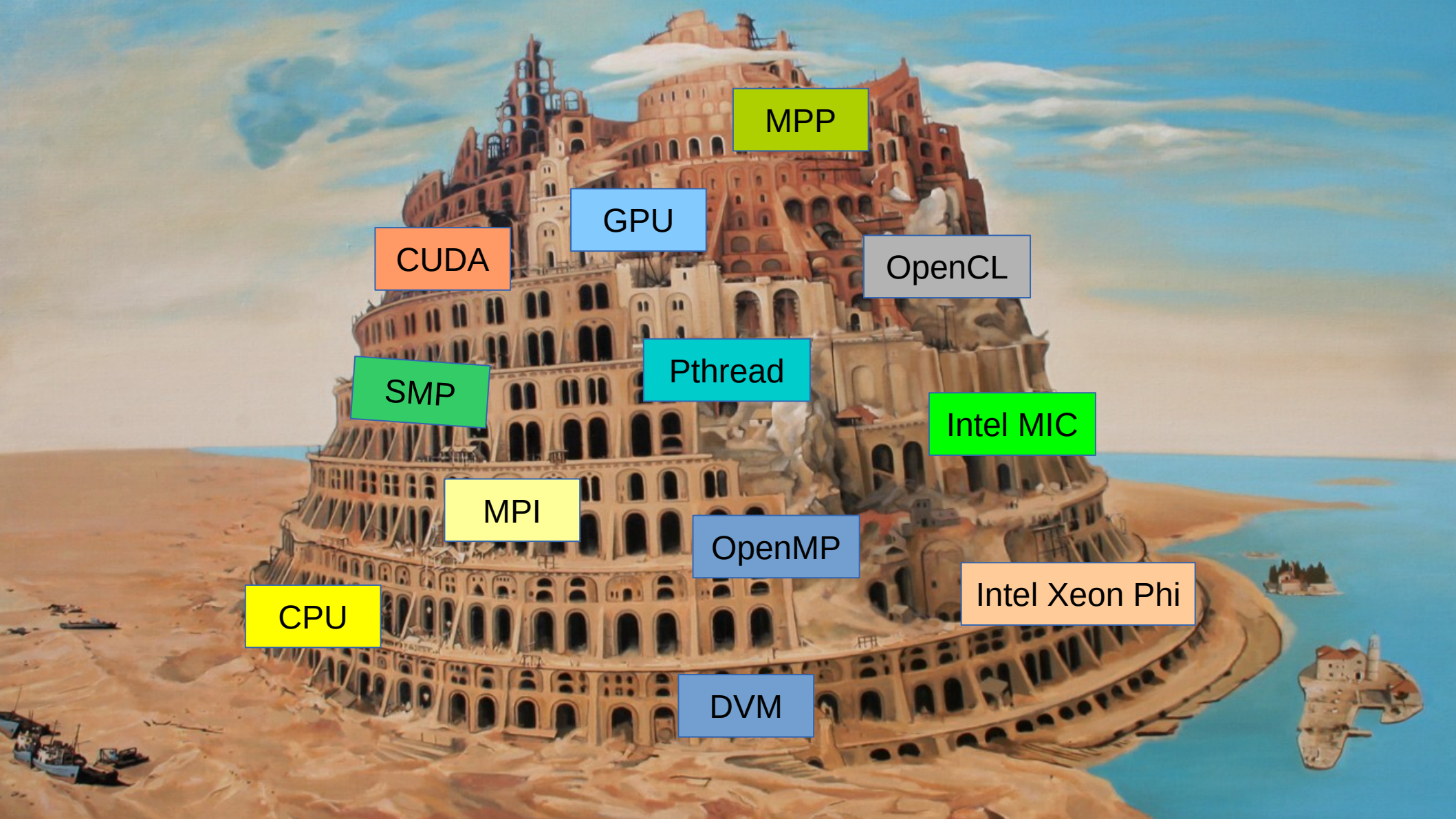


# Архитектурно-независимое параллельное программирование





MPP

GPU

CUDA

OpenCL

SMP

Pthread

Intel MIC

MPI

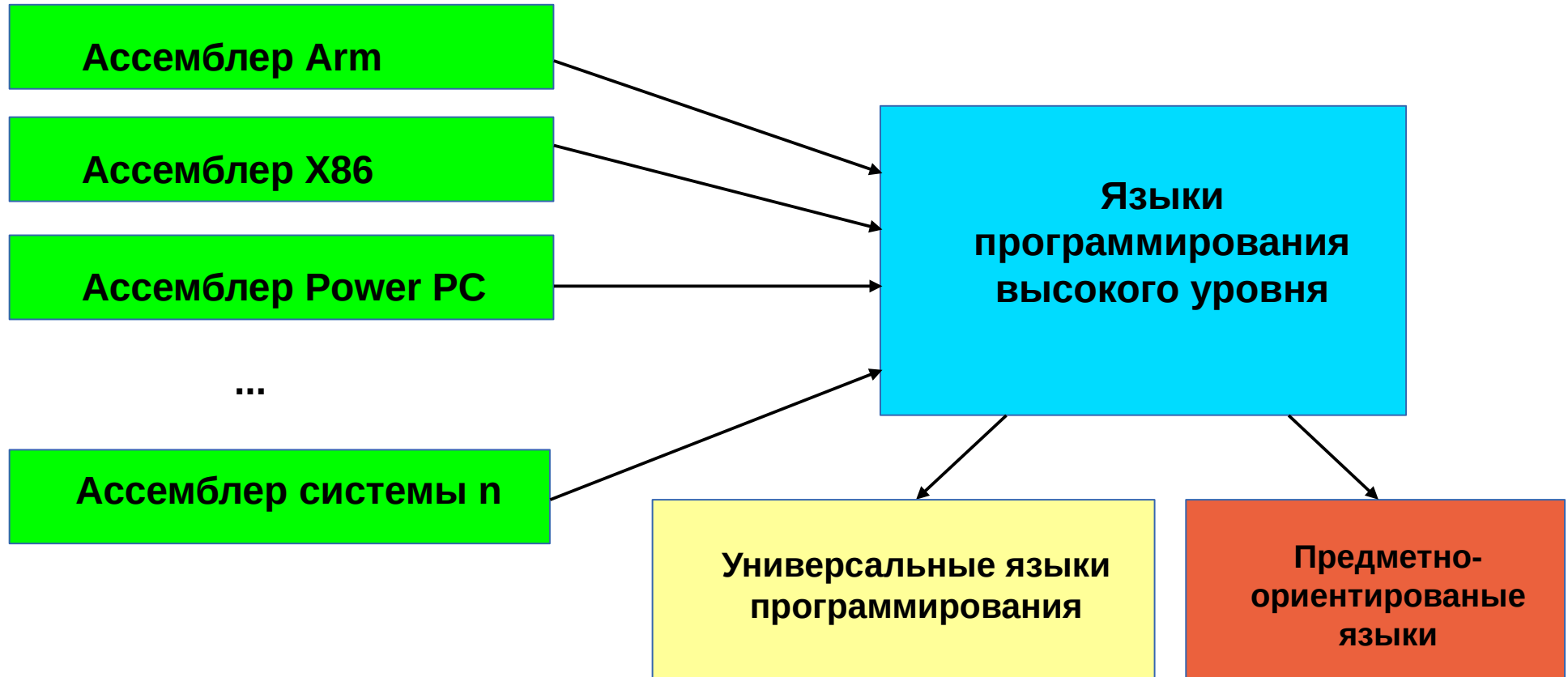
OpenMP

Intel Xeon Phi

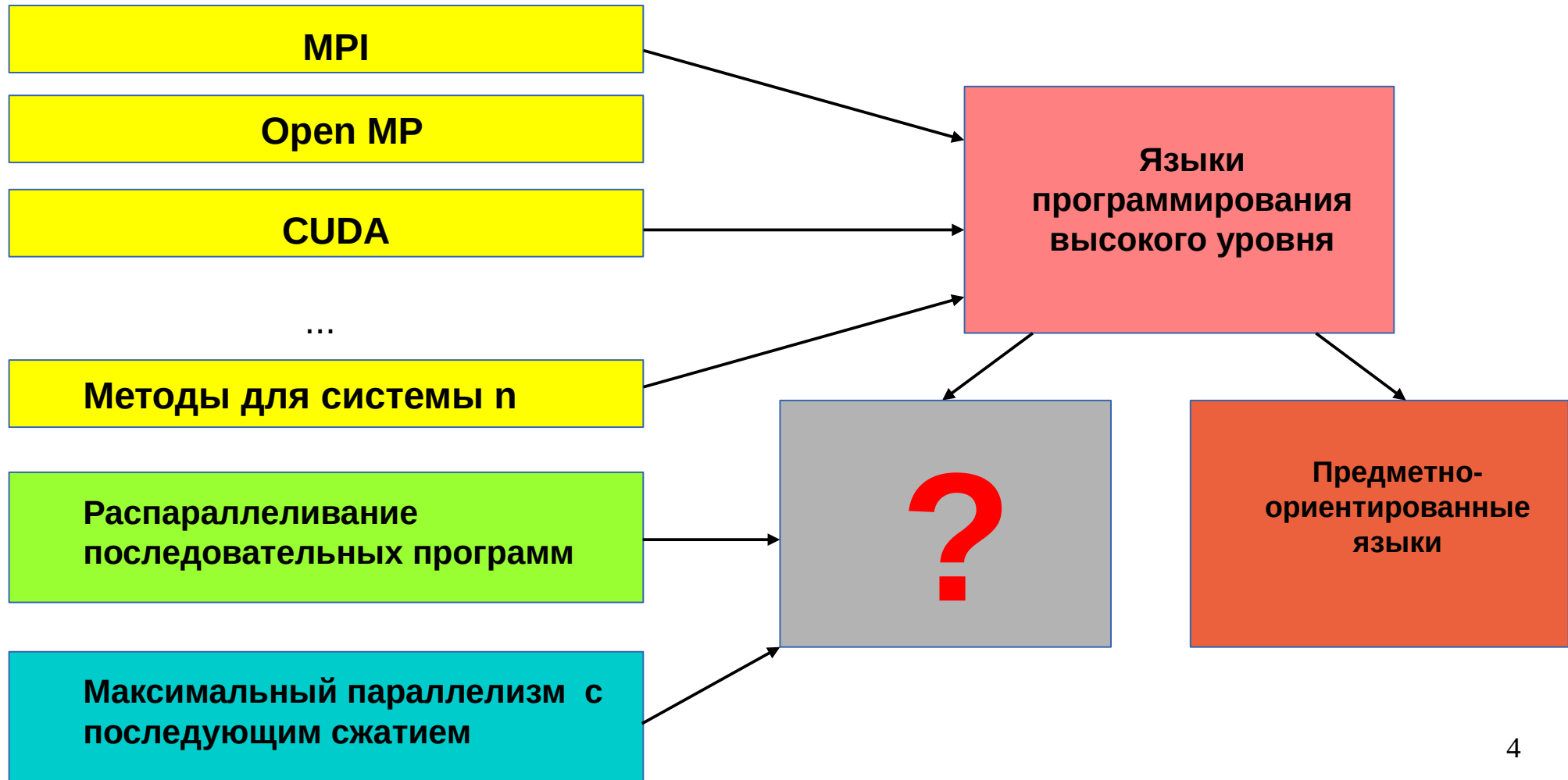
CPU

DVM

# Архитектуры последовательных ВС



# Архитектуры параллельных ВС



# Общие идеи

<http://softcraft.ru/fppp/>

- Вместо распараллеливания последовательных программ – сжатие параллелизма программы, написанной в максимально параллельном стиле.
- Использование максимально параллельной программы для анализа, оптимизации, тестирования, верификации, отладки.
- Последующее сжатие параллелизма с применением формальных методов в соответствии с используемыми вычислительными ресурсами.

# Стратегии управления в языках программирования

Множество условий готовности:

$$X = (\text{Information}, \text{Resource}, \text{Acknowledgement})$$

Множество способов управления, обеспечивающих соблюдение условий готовности:

Automatic + Empty = Unevident - неявный

$$Z = \{\text{Subjective}, \text{Unevident}\}$$

$S_1 = \{\text{Information} \times Z\}$  – множество методов управления данными;

$S_2 = \{\text{Resource} \times Z\}$  – множество методов управления ресурсами;

$S_3 = \{\text{Acknowledge} \times Z\}$  – множество методов управления подтверждениями.

Множество стратегий управления в ВС:

$$S = \{S_1 \times S_2 \times S_3\} = 8$$

# Архитектурно-независимое параллельное программирование

**Общая стратегия управления:  
*Unevident Information, Unevident Resource, Unevident Acknowledment***



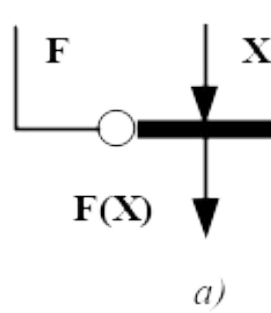
***(Empty Information, Empty Resource, Empty Acknowledge)-машина***

# Модель функционально-поточковых параллельных вычислений

- Ориентация на неограниченные вычислительные ресурсы (принцип единственного использования вычислительных ресурсов).
- Запуск операции по готовности данных. Определяется в соответствии с аксиоматикой языка и его алгеброй преобразований (неявное управление вычислениями).
- Программа не имеет циклов, а значит и механизмов описания повторного использования ресурсов (все итеративные вычисления задаются через рекурсию).
- Для повышения эффективности при описании параллелизма используются специальные программно-формирующие структуры данных, определяемые как списки различного вида.
- Параллелизм на уровне элементарных операций.
- Программа – информационный граф.
- Выбор операций и аксиом, определяющих примитивы языка, ориентирован на наглядное текстовое представление информационного графа программы.

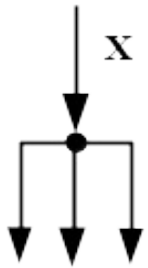


# Операторы



$X:F$  or  $F^X \equiv F(X)$

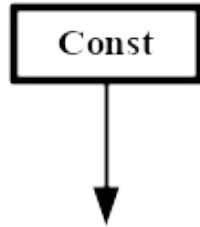
Оператор  
интерпретации



value  $\gg$  name, or  
name  $\ll$  value

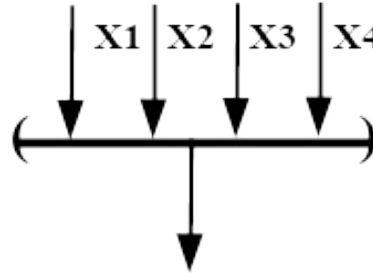
a)

Копиро  
вание



b)

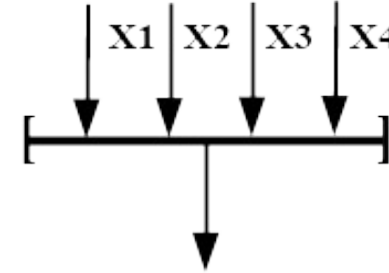
Константа



$(X1, X2, X3, X4)$   
 $(a, b):+ \equiv a+b$

c)

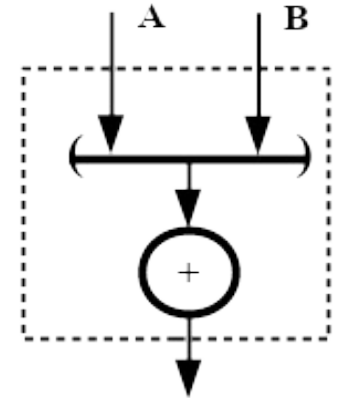
Список  
данных



$[X1, X2, X3, X4]$   
 $[x, y]:sin \equiv$   
 $[x:sin, y:sin]$

d)

Параллельный  
список



$\{(A, B):+\}$

e)

Задержанный  
список

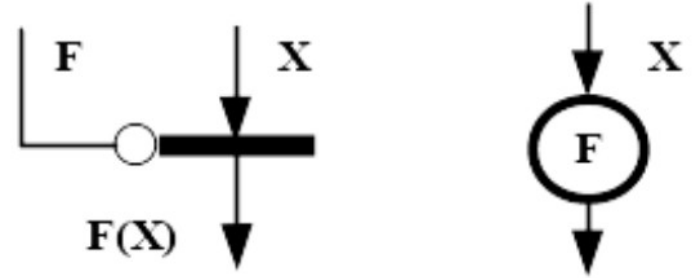
# Оператор интерпретации

Имеется только одна функция: оператор интерпретации

Обеспечивает преобразование входного набора данных  $X$ , выступающего в качестве аргумента, в выходной набор  $Y$ , который является результатом, используя при этом входной набор  $F$  в качестве функции, определяющей алгоритм преобразования.

Постфиксная запись:  $X:F \Rightarrow Y$

Префиксная запись:  $F^X \Rightarrow Y$



$(a,b):+$  или  $+^{\wedge}(a,b)$   $\equiv$   $a+b$

$x:\sin$  или  $\sin^{\wedge}x$   $\equiv$   $\sin(x)$

$((b,b):*,((4,a):*,c):*):-$   $\equiv$   $b * b - 4 * a * c$

```
// Factorial definition
```

```
fact << funcdef x {
```

```
  // selector of variant
```

```
  fl << ((x, 1):[<=, >]):?;
```

```
  // two possible variants
```

```
  act << (
```

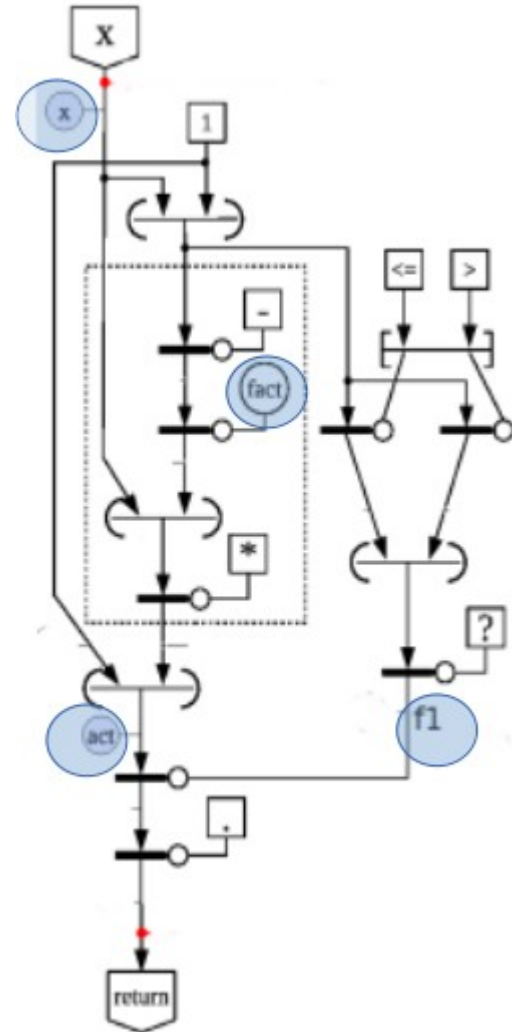
```
    1,
```

```
    { (x, (x, 1):-::fact ):* }
```

```
  );
```

```
  return << act:fl::;
```

```
}
```



# Преобразования параллельных списков

$[(x_1, x_2), (x_3, x_4), (x_5, x_6)]:+$   
 $\Rightarrow [(x_1, x_2):+, (x_3, x_4):+, (x_5, x_6):+]$

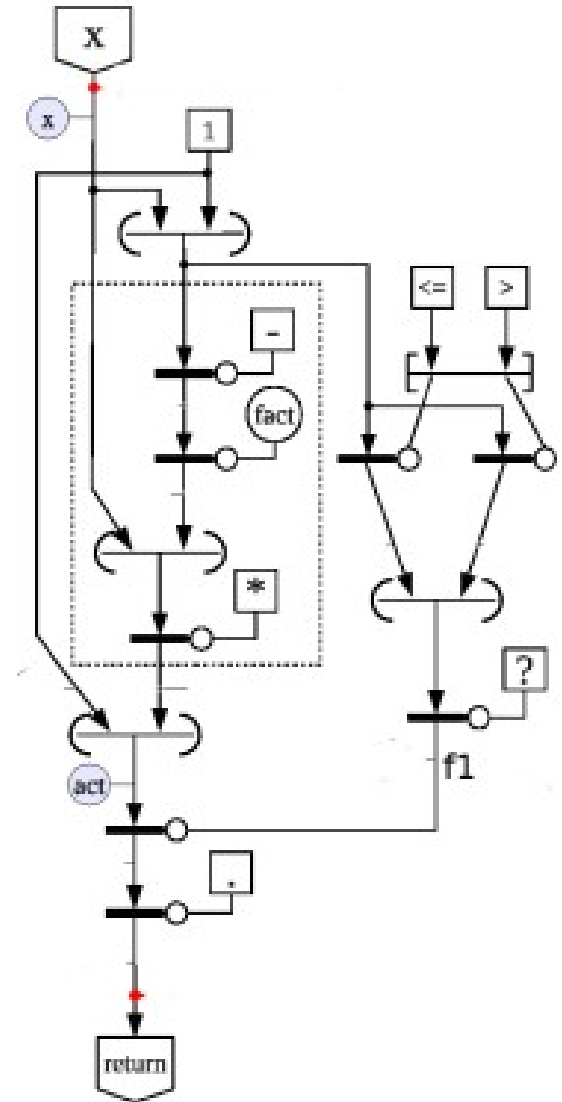
$(x_1, x_2):[+, -, *, /]$   
 $\Rightarrow [(x_1, x_2):+, (x_1, x_2):-, (x_1, x_2):*, (x_1, x_2):/]$

**Общий случай:**

$[x, y, z]:[f, g, h]$   
 $\Rightarrow [x:[f, g, h], y:[f, g, h], z:[f, g, h]]$   
 $\Rightarrow [[x:f, x:g, x:h], [y:f, y:g, y:h], [z:f, z:g, z:h]]$

**В программе:**

$(x, 1):[<=, >]$   
 $\Rightarrow [(x, 1):<=, (x, 1):>]$



# Ветвления

## Селектор:

$(3,7,2,6):3 \Rightarrow 2$

$(x,1):[<=,>]$

$\Rightarrow [true, false]$  or  $[false, true]$

$(true,true,false,false,true,false):?$

$\Rightarrow [1,2,5]$

## В программе:

$((x,1):[<=,>]):?$

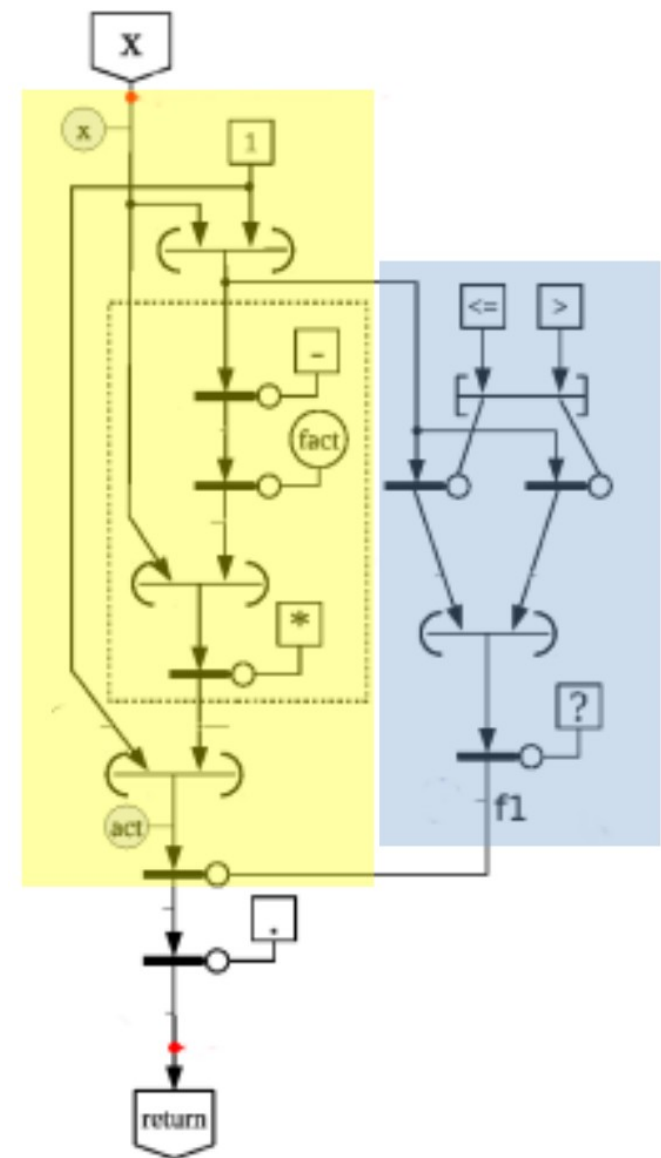
$\Rightarrow ([true, false]):?$  or  $([false, true]):?$

$\Rightarrow (true, false):?$  or  $(false, true):?$

$\Rightarrow [1]$  or  $[2] == 1$  or  $2 \gg f1$

$(1, \{ (x, (x,1):-:fact):* \} ) : 1 \Rightarrow 1$  // 0! or 1!

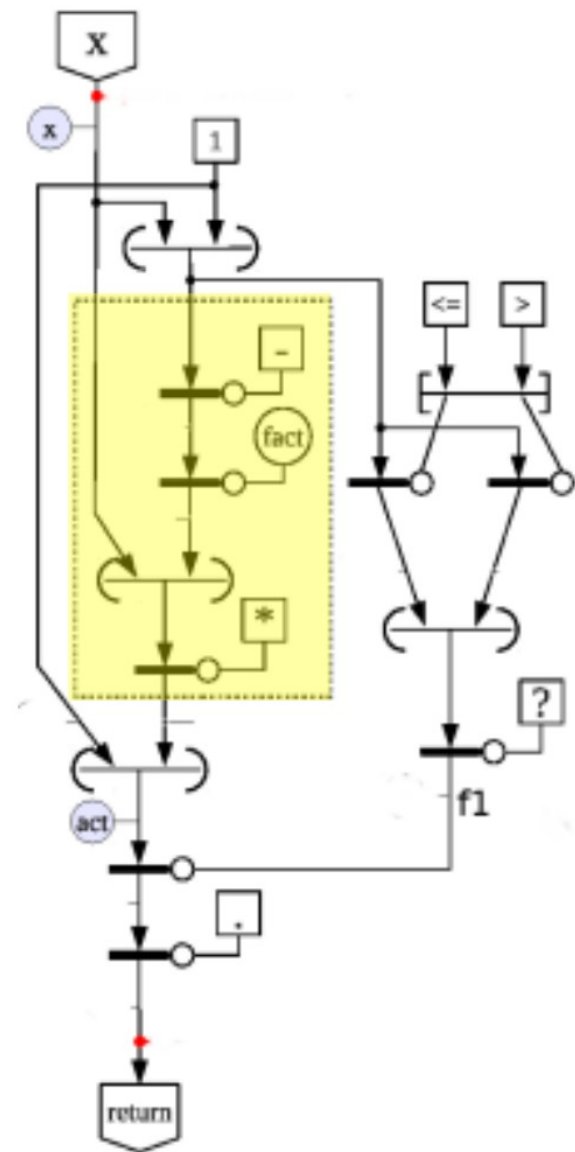
$(1, \{ (x, (x,1):-:fact):* \} ) : 2 \Rightarrow \{ (x, (x,1):-:fact):* \}$  //  $x*(x-1)!$



# Задержанный список

В программе:

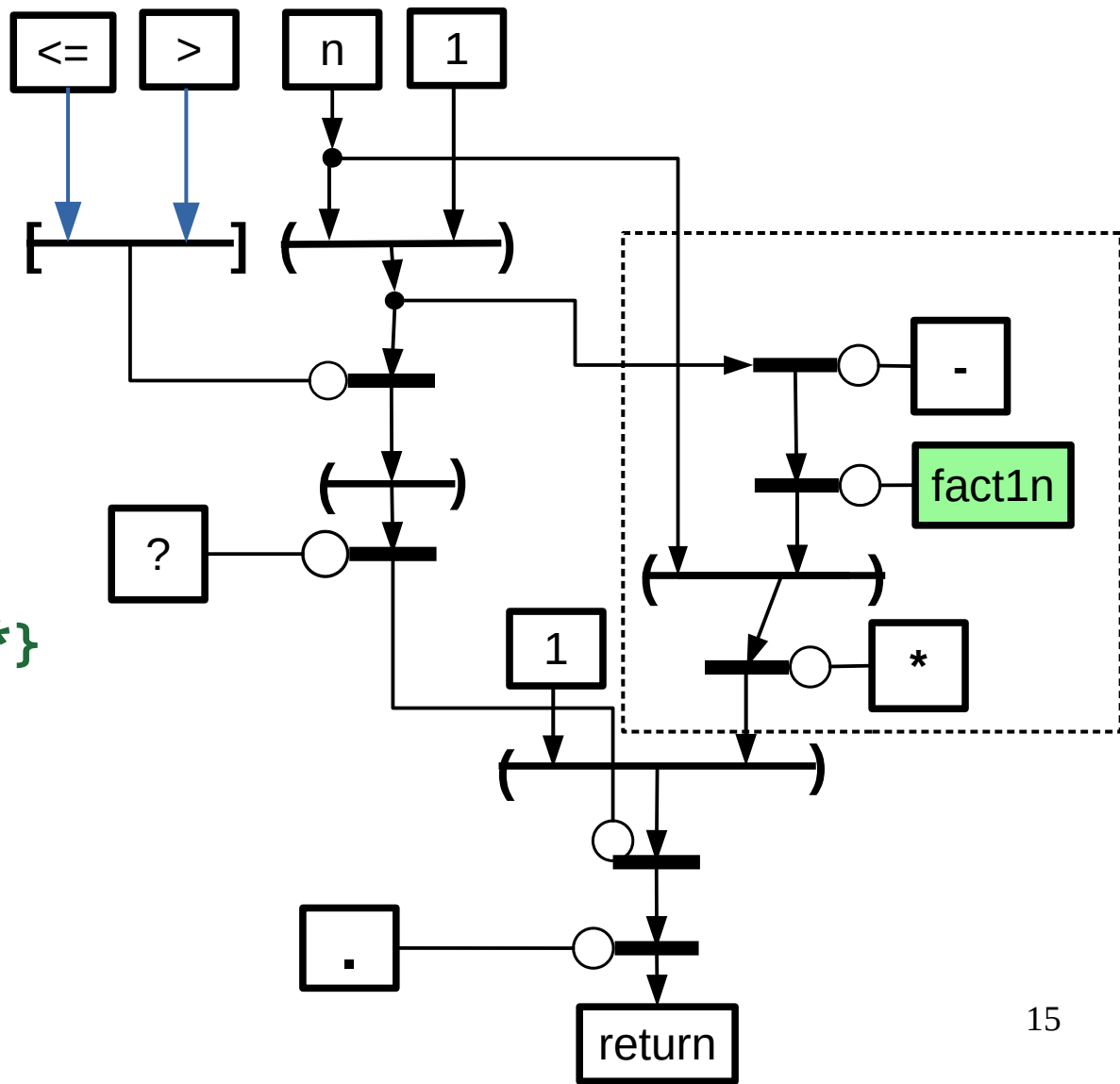
$\{ (x, (x,1):-:fact):* \}::$   
 $\Rightarrow [ (x, (x,1):-:fact):* ]::$   
 $\Rightarrow \dots == x*(x-1)!$



```

fact1n << funcdef n {
  n1<< (n,1);
  [(n1:[<=,>]):?]^
  (
    1,
    {(n, n1:-:fact1n):*}
  ):.
}>>return
}

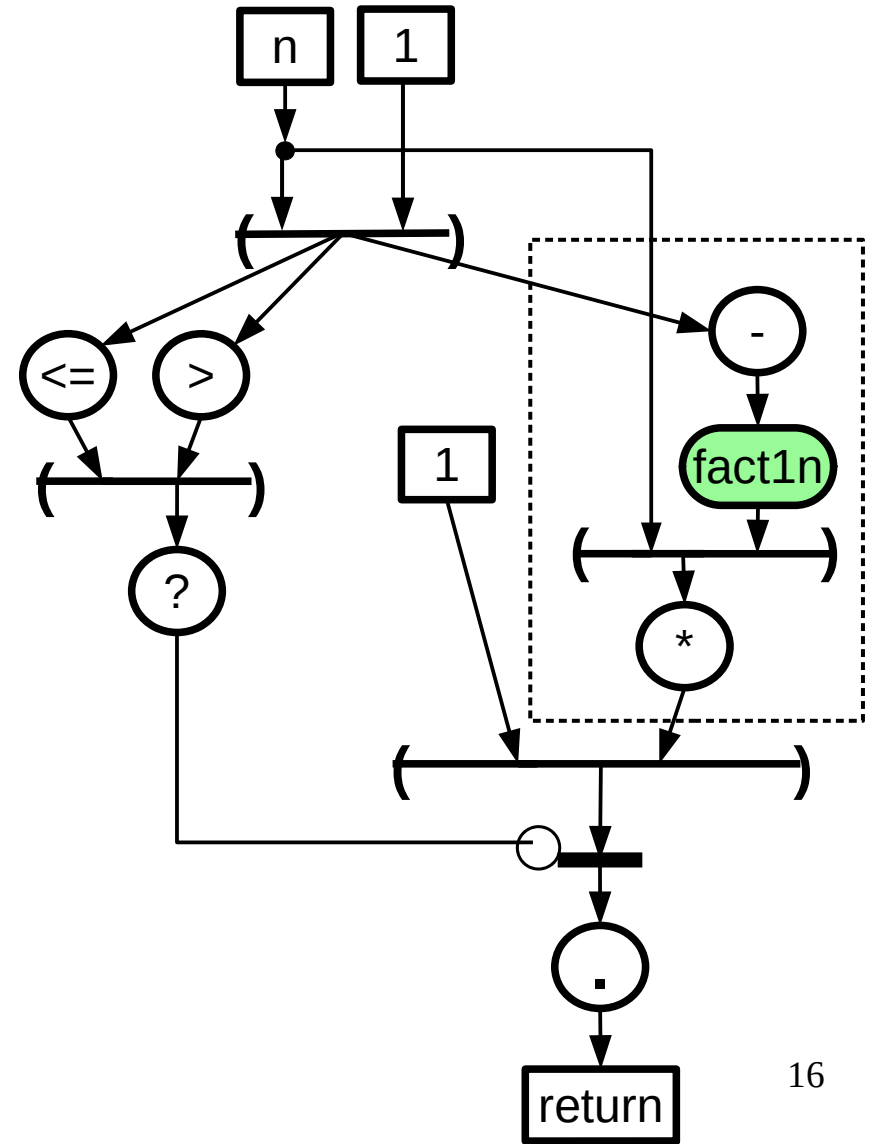
```



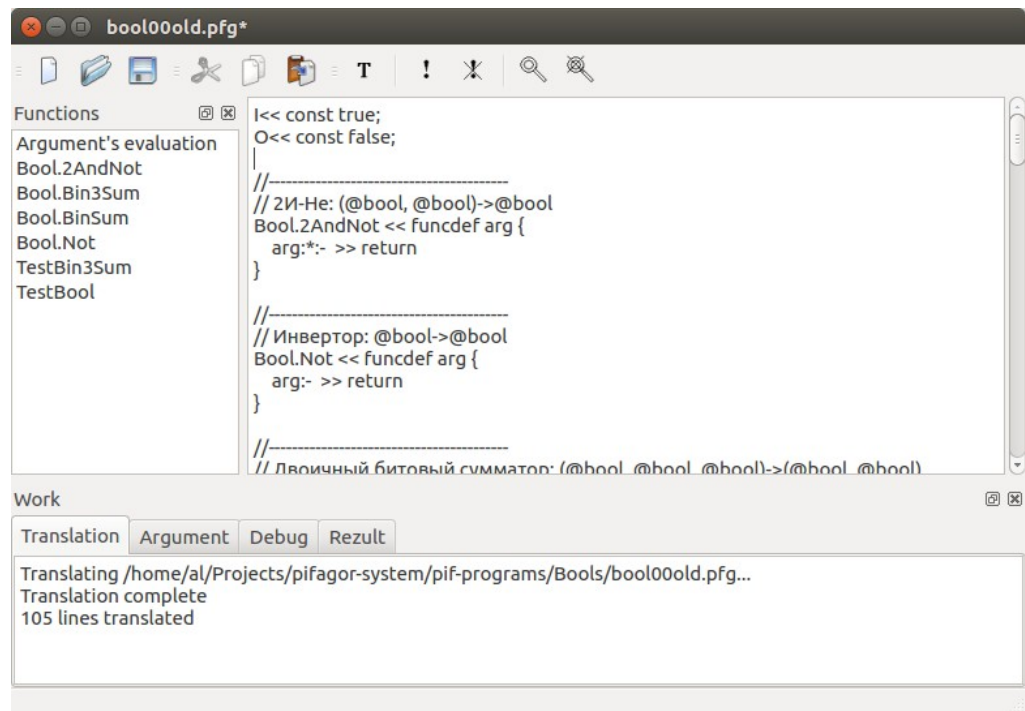
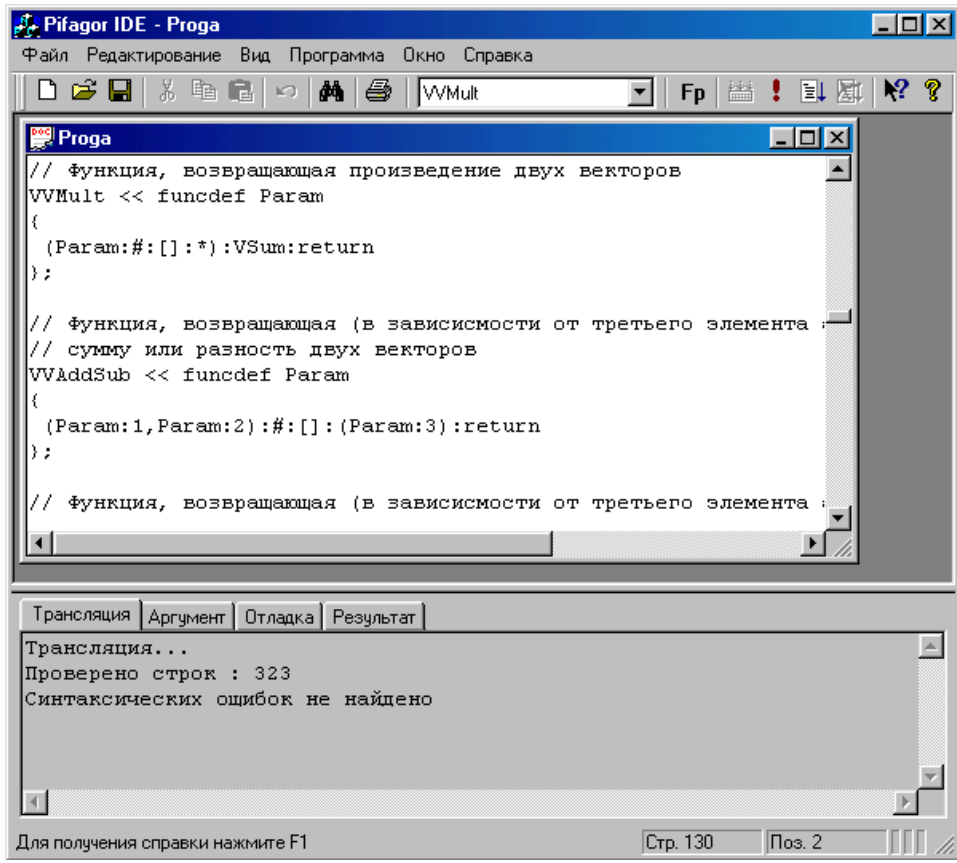
```

fact1n << funcdef n {
  n1<< (n,1);
  [(n1:[<=,>]):?]^
  (
    1,
    {(n, n1:-:fact1n):*}
  ):.
}>>return
}

```







## Описание комбинационных схем

```
// Одноразрядный двоичный сумматор
// Аргумент = (0|1, 0|1, 0|1) - (1-е слагаемое, 2-е слагаемое, перенос)
Add1 << funcdef x1x2p {
    x1 << x1x2p:1;    // первое слагаемое
    x2 << x1x2p:2;    // второе слагаемое
    p  << x1x2p:3;    // заем из предыдущего разряда

    // Формирование переноса
    //C = (P && X1) || (((!P && X1) || (P && !X1)) && X2);
    c << ((p,x1):And2,(((p:Not,x1):And2,(p,x1:Not):*):Or2,x2):And2):Or2;

    // Формирование результата
    //Y = (!P && ((X1 && !X2) || (!X1 && X2))) ||
        (P && ((X1 && X2) || (!X1 && !X2)));
    y << ((p:Not,((x1,x2:Not):And2,(x1:Not,x2):And2):Or2):And2,
        (p,((x1,x2):And2,(x1:Not,x2:Not):And2):Or2):And2);
    (c,y) >>return;
}
```

## Описание комбинационных схем

```
// Двухразрядный двоичный сумматор,  
// построенный на основе одноразрядных  
// Аргумент = (1-е слагаемое, 2-е слагаемое)  
// Результат = (перенос, старший разряд, младший  
разряд)  
Sum2 << funcdef s1s2 {  
    s1<< s1s2:1;  
    s2<< s1s2:2;  
    y0<< (s1:2,s2:2,0):Add1;  
    y1<< (s1:1,s2:1,y0:1):Add1;  
    (y1:1,y1:2,y0:2) >>return  
}
```

## Описание комбинационных схем

```
SumMxM << funcdef s1s2 {
  s1<< s1s2:1;
  s2<< s1s2:2;
  count<< s1s2:3;
  sum<< s1s2:4;
  // Проверка равенства длин слагаемых
  [(count,0):(<,>):?]^(
    (
      0, // некорректная длина
      sum, // сумма накоплена
      { // правая рекурсия с накоплением
        (s1,s2,(count,1):-,
          (([s1,s2]:count,sum:1):Add1:[],sum:-1:[])):SumMxM
        }
      ).. >>return
    )
  }
}
```

# Используемые источники

1. Легалов А. И. Стратегии управления в вычислительных системах и языках программирования - 2002 г. Электронный ресурс:

<http://softcraft.ru/parallel/strat/>

2. Функционально-потокное параллельное программирование - Электронный ресурс: <http://softcraft.ru/fppp/>

3. А. И. Легалов, Ф. А. Казаков, Д. А. Кузьмин, Д. В. Привалихин. Функциональная модель параллельных вычислений и язык программирования "Пифагор" - 2003 г. Электронный ресурс:

<http://softcraft.ru/parallel/fpp/>

4. Легалов А. И. Построение алгоритмов за счет ограничений, накладываемых на максимальный параллелизм - Электронный ресурс: <http://softcraft.ru/parallel/maxsort/>